業 解説

光ファイバを用いた希薄動圧計測

Rarefied Dynamic Pressure Measurement Using an Optical Fiber

中山宜典 NAKAYAMA Yoshinori 防衛大学校システム工学群航空宇宙工学科 (原稿受付:2022年8月20日)

希薄弱電離プラズマ数値解析の解妥当性を向上させれば,研究開発コストや装置設計コストを大幅に削減で きる"数値真空装置"や"数値プラズマ装置"の実現につながるが,その要となる中性粒子流れの評価は難しい. 本稿で紹介する希薄動圧計測器は光ファイバによるLED光を小型カメラで撮像する仕組みであり,キャラメル菓 子箱程度の大きさにもかかわらず約 0.004 mPa の計測分解能をもち,真空槽内の作動ガス流れや排気流れの強さ や角度を計測評価できる.本稿ではその実現に要した技術および計測事例を紹介し,今後の課題と展望について 解説する.

Keywords:

rarefied gas flow, dynamic pressure, neutral particle, experimental measurement, vacuum chamber, validity evaluation

1. はじめに

真空槽内でプラズマ源を作動させると,作動ガス粒子 (イオンを含む)は真空槽壁面で反射し真空ポンプで排気 されるまで中性粒子として滞留し続け,プラズマ源への逆 流も発生する.プラズマ源下流においては電荷交換反応も 起きるため,プラズマ源周囲の中性粒子数密度および逆流 はプラズマ源作動に影響を与える.

著者が専門とする電気推進機はプラズマ源を用いた宇宙 用ロケットであり,研究開発用の試験装置として真空槽を 用いるが,その推進性能が推進機の設置位置・方向,真空 排気ポンプとの位置関係に影響を受けることが宇宙空間作 動時の推進性能を推定および保証するうえで懸案となって いる(Testfacility Effect) [1-5].同様の懸案は他のプラズ マ源においても電離度によらず起こりうる.なぜならプラ ズマは生成(中性粒子→荷電粒子)と再結合(荷電粒子→ 中性粒子)の平衡で成立するからである.

しかし中性粒子は電荷をもたないため電磁界に不感であ り、かつ希薄であるため計測が難しい.高真空〜超高真空 の圧力領域において真空計の計測精度は作動ガス流れを精 縦に評価できるほどの精度はなく、特に1mPa(10⁻³Pa) オーダの圧力領域においては計測原理や個体差によって ±30~50%の計測誤差がある[6-8].分光を用いた非接触 計測も多く行われているが、真空槽内流れを妥当に評価で きる計測精度は現時点ではない[9-12].

一方, DSMC 法に代表される希薄流数値解析はとても有 用であり,近年の計算性能向上を勘案すれば,作動ガス密 度の均一性向上や真空排気の高効率化等にますます重用さ れると予想される.しかし希薄流に強い影響を与える真空 槽壁面はスパッタや付着・吸着等により理想的な清浄面で はなく,数値解析結果の妥当性向上のためにその壁面に対 する作動ガス(希薄中性粒子)の反射現象を実計測する必 要がある[13-17].すなわち数値解析も少なからず計測を 要する.

そこで"静圧ではなく動圧に着目したらどうか?"と発 想した."動圧は静圧差であるし,流れの角度もわかる!" と考えたからである.特に角度は計測感度に無頓着であ り,数値解析結果においても流れのベクトル表示を多用す る.つまり,動圧計測結果(強さ・角度)から真空計指示 値である静圧も補完でき,数値解析結果とも妥当に比較評 価できるはずである.そして"気流糸なら測れるのでは?" と思いついた.気流糸は航空機表面の流れを知るために設 置する試験用の糸である.このアイデアを端緒として開発 したのが本稿で紹介する希薄動圧計測器である[18-22].

2. 希薄動圧計測器

2.1 計測原理

希薄動圧計測器の原理を図1に示す.本計測器は光ファ イバの片端に設けた小型 LED からの光をもう一方の片端 近傍において小型カメラによって捕捉するしくみであり, 光ファイバを懸架し小型 LED を固定するための支持機構 (梁および支柱),小型カメラを収納し支持機構の基礎とな る台から構成される.

円柱状の光ファイバ表面にはたらく希薄動圧概略を図2 に示す.光ファイバ表面に均等に希薄流圧力が作用する場 合(=動圧がない場合)は光ファイバに変位は発生しない が,不均等に作用する場合(=動圧が生じる場合)は光

National Defense Academy of Japan, Yokosuka, KANAGAWA 239-8686, Japan

author's e-mail: ynakayam@nda.ac.jp



図1 希薄動圧計測器(S型計測器)計測原理.



図2 円柱表面にはたらく希薄動圧の概略例.

ファイバに変位を生じさせる.たとえば図中Aの方向から の圧力が大きいと光ファイバはAから遠ざかるように変位 し,図中Bの方向からの圧力が小さいとBに近づくように 変位する.光ファイバの変位はこれらの希薄動圧のつり合 いによって定まる.本計測器はこのつり合いによって生じ る変位を計測しており,原理的にはガス種に依存しない.

小型カメラによる捕捉画像一例を図3に示す. 直径d, 長さL, 密度 ρ の光ファイバが鉛直方向に力 F_{\perp} を受けたと きの光ファイバ端面画像重心の変位をHとすると,光ファ イバにはたらく動圧 p_d とH は次式の比例関係にある.

$$p_{\rm d} = \frac{F_{\perp}}{C_{\rm d} \cdot d \cdot L} = \alpha H \tag{1}$$

ここで C_d は光ファイバの抵抗係数であり,自由分子流にお ける完全乱反射においては約 1.785 である.この比例係数 (動圧感度係数 α)をあらかじめ求めておくことにより,Hから p_d を推量できる.

2.2 必要技術

この計測原理をもとに妥当な計測器として成立させるに



図3 S型計測器の捕捉画像例.

は,適用する光ファイバを棒振り子とみなせること,その 変位を高精度に算出することが求められる.

光ファイバが棒振り子としてみなされるには、その直線 性と柔軟性の両立が必要である.直線性(剛性)は動圧感 度の線形性(計測器として使いやすさ)に直結し、柔軟性 は感度の高さに直結し、相反関係にある.また水平方向だ けでなく鉛直方向の動圧を妥当に計測するためには一つの 計測器で取付姿勢によらず計測できるようにすることが望 ましい.これは計測器には必ず個体差が生じるためであ る.これらを満たせるよう適度な直線性・柔軟性を持たせ るファイバ加工技術が必要となる.

本計測は接触計測であるため,計測対象である希薄流の 妨げにならないようにできるだけ影響を与えない形状,す なわち小型である必要がある.しかし真空槽内においては 真空ポンプによる振動が多かれ少なかれ発生しているた め,懸架される光ファイバがその振動を感受しにくい支持 構造でもある必要がある.また光ファイバ端面とLEDとの 位置関係が変動すると光量も変動するため,LEDの支持構 造にも工夫が必要となる.

光ファイバと支持構造は連結しているため,光ファイバ 加工に応じた支持構造とする必要もある.さらに光ファイ バ端面画像重心を高精度で算出するにはできるだけファイ バ端面を大きく撮像して画素点数を増やすことが望ましい が,光ファイバの変位を撮像可能範囲内に抑える必要があ る.したがって小型カメラ光学系とファイバ端面の位置関 係が重要となる.

取得撮像データの大きさが大きいと画像処理速度すなわ ち時間分解能を低下させるため、取得画像領域の設定や撮 像データ処理アルゴリズムを要する.また撮像画像には背 景光も映り込むため、背景光を適切に除去できるアルゴリ ズムを要する.また上述の振動を感受してもその影響を低 減できるアルゴリズムが望ましい.

2.3 設計および製作

これらの3技術(ファイバ加工技術・ファイバ支持構造 設計・撮像データ処理アルゴリズム)は相互に関係するた め、ファイバ長400mmの計測妥当性確認用計測器を端緒 として3技術を向上させ、図4に示した計測器を設計・製 作した.以下S型計測器と呼ぶこととする.

S型計測器の大きさは 20×45×75 mm (一般的なキャラ メル 菓子 箱 程度) である.ファイバ-支柱 間距 離



図4 S型計測器の外観写真.

30 mm,支柱直径3.0 mm であり,ファイバから支柱を見込 む角は±3°以内であり支柱が希薄流に与える影響を低減 できている.梁は3.0×3.0 mmの角柱であり,梁先端部に光 ファイバ支持機構を内包し,表面実装型の超小型青色LED を取り付けている.

ファイバは熱処理による直線化加工を行ったポリエチレ ン製素線であり,光学顕微鏡および電子天秤により直径 0.289 mm,密度900 kg/m³の円柱(断面がほぼ真円)であ ることが確かめられている.長さ65 mmの光ファイバを水 平方向に懸架支持した場合,重力によりやや弓形に変形し 先端変位は約2 mmである.希薄動圧による光ファイバの 先端変位は鉛直・水平どちらの懸架方向であっても最大約 20 μmであり,懸架時の形をほぼ維持したまま棒振り子と して動く.

取付姿勢によらず光ファイバ先端を撮像するため,画素 面積 6.4×4.6 mm² の小型カメラを採用した.このカメラは ROI (Region of Interest) 機能を有しており総画素数3856 ×2764のうちの一部のみ撮像可能領域にできる.したがっ て光ファイバ先端位置に合わせてROIを設定することによ り取付姿勢によらず計測できるとともに,データ量を削減 できるため計測速度を高くできる.なお取付姿勢によらず に計測可能であることは,水平用と鉛直用で別々に開発す る必要がなく補正がしやすい利点も生む.

端面重心は、次式で表されているように色域階調(輝度c, 255段階)を用いて重心位置rを算出することにより、画素 数以下の分解能をもたせている.

$$\overline{r} = \frac{\sum (r \cdot c)}{\sum c} \tag{2}$$

この手法は典型的な画像処理手法である[23,24]. 図3に 示されているように,光ファイバ先端の導光強度が一様で はなく,中心から遠ざかるにつれて概ね輝度が低下してお り,色域を広くできるようカメラの露出時間および LED 発光強度を調整することにより分解能を向上できる.また 背景光除去および振動影響抑制のため,バンドパスフィル タ,メディアンフィルタおよび指数フィルタを採用して輝 度 c を補正している.指数フィルタは直前重心を中心とし た半径に応じて指数的に重み付けをしており,直前重心か ら遠ざかるほど重みづけを抑制する効果がある.これらを 適正化することにより,上述の ROI 機能と合わせ,計測速 度約 50 Hz,画素分解能約 0.01 pixel を達成できる.ここで 画素分解能は実計測の標準偏差から算出している.なお ROI を小さくすると計測速度を高くできるが画素分解能は 大きくなる (劣化する).

撮像データはUSB2.0通信を介してPCに送信され,自主 開発したソフトウェアにてリアルタイムで描画および端面 重心位置算出される.このソフトウェアはネットワークト リガにも対応しており,たとえばS型計測器複数台同時計 測もでき,長時間自動計測も可能である.

2.4 計測妥当性

S型計測器に微小傾斜角 θ を与えると, 質量mの光ファ イバにはたらく重力 F_g は次式で表される.

$$F_{g} = mg \cdot \sin\theta \simeq \rho \frac{\pi}{4} d^{2}Lg \cdot \frac{h}{L}$$
(3)

 $F_g \varepsilon(1)$ 式の F_\perp とすると、次式から動圧感度係数 α を取得できる.

$$\alpha = \frac{p_{\rm d}}{H} = \frac{\pi}{4} \frac{g}{C_{\rm d}} \rho \frac{d}{L} \times \frac{h}{H} \tag{4}$$

図5に端面画像重心変位 H に対する微小変位 h を示す. この図からわかるように,光ファイバ先端は微小傾斜角に ほぼ比例しており,光ファイバは棒振り子として変位して いるとみなせる.この関係から本計測器の動圧感度係数 a は約 0.39 mPa/pixel と算出された.

図6にP型計測器(球殻付電離真空計,3.3節にて詳述) による周方位に対する動圧分布の例を示す. 灰色点線の円 は静圧を意味しており,動圧が無ければ計測結果はこの灰 色点線と一致するが,希薄動圧概略(図2)で示したよう に,正の動圧を受けると中心側に,負の動圧を受けると中 心から遠ざかるようにベクトル表示される. 図中左からガ ス管から流出された希薄動圧を検知しており,図中右下か らの排気流の影響を検知している. この排気流は真空ポン



プに向かう希薄流れと真空ポンプ面からの希薄流れの差か ら生じる流れである(3.1節参照).この図の中心に示した 黒色太線ベクトルは周方位動圧の平均を示している.S型 計測器が導く動圧計測ベクトルはこのP型計測器から算出 される平均ベクトルと一致するはずである.

壁面近傍を除く様々な計測点・条件において,S型計測 器とP型計測器の動圧ベクトル角度はほぼ一致(±3°以 内,標準偏差約1.2°)し,動圧ベクトルの大きさもどの点に おいてもほぼ比例し,その動圧相対比は約1.6±0.1(標準偏 差約0.05)であった.既述のように,一般的な真空計におい て±30~50%の計測誤差があることを考えると,計測動圧 の絶対値においても十分な計測精度であると言える.なお この計測比較を行った真空槽には製造メーカが異なる電離 真空計2種が近距離で設置してあり,それらの指示値の相 対比は上記相対比より大きい約1.8 倍である.

また DSMC 法希薄流解析の計算結果ともよく一致して おり,総じて S 型計測器は計測妥当性を有すると考えられ る.

2.5 計測手法および計測性能

上述の画素分解能および動圧感度係数から約0.004 mPa が計測分解能となる.しかしS型計測器は,環境変動によ る振動を感受し,内包する小型カメラの発生熱による影響 も受ける.そこで妥当な計測を行うための計測手法(ノウ ハウ)をここで述べる.

S型計測器は振動感度が高く,真空ポンプが発する振動 や建物が発する振動も検知する.しかし振動抑制のために 剛性をもたせると大型化せざるを得ず,計測対象である希 薄流を妨げることになる.こうした振動は周期的であり, 計測対象としたい光ファイバの変位はこの周期振動に重畳 する.そこで計測周期以上の時間幅で計測して周期振動に よる影響を除去することとした.上記計測速度 50 Hz に対 しては 2 ~4 s の時間幅(計測数100~200点)以上で十分で あった.なお瞬間的な振動は既述のメディアンフィルタで 除去し,長周期的振動は下記手法によって排除する.

S型計測器における光ファイバは細い梁および支柱に よって支持されており,熱によって温度変化すると,光 ファイバ端面が希薄動圧による変位 (µmオーダ) を上回る 変位を生じさせる.熱の影響を抑制するには冷却除去が一 般的であるが、S型計測器は振動感度が高いため冷媒循環 がもたらす振動を感受する. そこで発生熱を不可避とし, 計測ごとに光ファイバ静止基準位置を計測することとし た. 各計測点における光ファイバ静止基準位置からの差を 動圧として算出する手法である.たとえば後述する計測事 例においては、各計測点において(a)ガス非流出、(b)ガス 流出, (c)ガス非流出, の3つの計測を連続実施し, (a)と (c)の時間履歴値から導出される近似曲線を基準として (b)における変位を算出している.この手法により長周期 的振動による影響も排除できる.しかし実質的な時間分解 能(計測に要する時間)は計測速度よりも大きく劣ること になる.

3. 計測事例および展望

3.1 計測事例

S型計測器の計測事例を図7に示す.この事例は内寸 380×380×1800 mmの直方体型真空槽においてキセノン を1/4インチのステンレス管から流量0.69 mg/s(6.9 sccm) にて流出させたケースにおける希薄動圧計測結果であ る.3台のS型計測器を水平面計測用,垂直面計測用,比 較参照用として同時計測し,前者2台の結果から希薄動圧 の3次元ベクトルを算出し,その計測妥当性を後者1台に て確認している.計測器の位置精度は1mm以下であり, 真空槽壁面温度は空気調和装置にて22±1℃に維持してい る.真空槽内圧力はキセノン換算で約4mPaであり,ク ヌッセン数が約5の自由分子流れであった.ステンレス管 指向角誤差は管内設置の小型レーザによりおよそ1°以内 であること,流量精度はブローダウン法により0.7%であ ることを確認している.

この図よりステンレス管近傍ではガス流出が等方的に拡 散しているが、ステンレス管から離れ壁面近傍になると非 等方的な流れになっていることがわかる.この非等方流れ は、ステンレス管から軸方向に流出した流れと、軸方向に 角をなして流出し壁面反射した流れが合わさったことが主 因であると考えられる[18,19].また真空ポンプ近傍では 排気流(真空ポンプに向かう希薄流れと真空ポンプ面から の希薄流れの差,2.4節参照)が確認できる.この排気流の 影響の強さは真空ポンプを見込む立体角に強い依存性があ ると考えられる[20].これらは DSMC 法希薄流解析結果 ともよく一致している(図7c).

3.2 有用性および課題

現時点におけるS型計測器の動圧計測性能は,1~10 μPa オーダの計測分解能,1~10 s オーダの時間分解能をも つ.空間分解能はファイバ長65 mm である.電離真空計の 静圧計測性能(±30~50%の計測誤差,1~10 s オーダの時 間分解能)を考慮すると,希薄動圧を直接計測できる十分 有意な計測器であると考えられる.

またS型計測器によって取得できる動圧はベクトル(大 きさ・角度)であり,希薄流数値解析の新たな妥当性評価 比較データとして有用であると考えられる.

しかしS型計測器は現時点において3つの課題がある. (1)計測器の台底方向からの希薄流を妥当に計測できない こと,(2)静圧を計測できないこと,(3)荷電粒子を含んだ 希薄流を計測できないこと,である.

S型計測器の台底方向から見ると光ファイバは台底の後 方(裏側)にある.自由分子流においては連続流のような 回り込みはないため,台底方向からの流れは光ファイバに ほとんど入射しない(検知されない).また台底との衝突 により計測対象である希薄流に影響を与える.したがって S型計測器は取付姿勢によらず計測できるが,計測対象に 対する設置姿勢には制限(台底方向と主流を一致させない 等)がある.これに対応するためにはさらなる小型化が求 められる.

S型計測器はその計測原理上静圧を計測できない.また 動圧の平均を検知する原理であるため動圧の複数要因を分



図7 計測事例(直方体真空槽内の希薄流れ).

離して評価できない. これに対応するには異なる計測原理 の計測器と併用して計測する必要がある.

またS型計測器の光ファイバはポリエチレン製であ り、荷電粒子と衝突すると帯電する. したがって荷電粒子 を含んだ希薄流を妥当に計測できない. これに対応するに は光ファイバの除電,あるいは S 型計測器に荷電粒子を入 射させない構造体(筐体)が必要である.なおS型計測器 設置時には極性溶媒であるエタノールまたはイソプロピル アルコールを光ファイバに塗布して除電している.

3.3 課題に対する取組み

現在,課題(1)に対してS型計測器のLED位置を変更し たC型計測器を,課題(2)に対して電離真空計を用いたP 型計測器を開発している[21,22]. また課題(3)に対しては 被覆付光ファイバへの転換、または金属網の電位障壁筐体 の設置に取り組んでおり、概要を本節で紹介する.

C型計測器の概略を図8に示す.S型計測器のLEDおよ びファイバ支持部をカメラ側に配置した構造であり、梁お よび支柱を廃することにより小型化と後流影響の抑制を 図っている.大きさはファイバを除き一辺30mmの立方体 であり、S型計測器に対し体積比約1/2.5の小型化を達成し ている.ファイバ先端から漏れる光を撮像しており, 焦点 距離が長くなるため計測分解能は現時点で約0.1 mPaであ る. 計測分解能 0.01 mPa オーダをめざし, 光ファイバおよ び撮像データ処理アルゴリズムの改良を行っている. S型 計測器と同様,原理的にはガス種に依存しない.

P型計測器の概略を図9に示す.P型計測器は球殻を電 離真空計に取り付けた構造である. 球殻には単孔が開いて おり、この孔を通して流入した作動ガスがこの孔から流出 するまで球殻内で反射し続ける, すなわち推進剤の動圧を 静圧に変換し全圧として電離真空計に計測させるしくみで ある. なおこの静圧は同じ電離真空計(球殻無)で計測し た圧力とほぼ一致しており、孔のコンダクタンスの影響は 見られなかった.この計測器をその軸周りに回転させるこ とにより計測器周囲の圧力を計測する.静圧は計測器後流 となる箇所(方位)の圧力を静圧とみなせば、周方位に対 する動圧分布も算出できる。P型計測器球殻および単孔の 直径はそれぞれ 100 mm, 8 mm であり, 時間分解能は回転 速度に依存する(現時点では144 s/回転にて計測).計測分 解能は電離真空計の測定精度に依存しており、原理的にガ ス種(主としてイオン化ポテンシャル)に依存する.安定 した希薄流に対して静圧と動圧が同時計測できることが特 長である (2.4節参照).

またアルミ被覆の光ファイバを適用すべくファイバ加工 の適正化(S型計測器やC型計測器に適した剛性をもつよ うな加工手法および条件)について試行錯誤を行ってい る. アルミ被覆によりファイバ表面に触れた荷電粒子が光 ファイバに帯電しないことを確認中である. また金属網の 電位障壁筐体を開発中であるが、荷電粒子を排除しつつ中 性粒子の流れを妨げないような網の大きさや電位設計につ いて試行錯誤を繰り返している.

3.4 展望

これらの取組みに成功すれば、より有意な希薄流計測が



(b) 外観写真

図8 小型希薄動圧計測器(C型計測器)概略.



図9 球殻付希薄流計測器(P型計測器)概略.

行えると考えて鋭意進めている.動圧は静圧差であること を考えれば、P型計測器による静圧および動圧計測により S型計測器やC型計測器の計測妥当性向上に寄与でき,S 型計測器やC型計測器による妥当な動圧計測は静圧計測の 妥当性向上に寄与できる.計測した動圧ベクトルの角度も また妥当性評価に有用である.これらの計測器によって希 薄流を高精度に計測できれば、希薄流を礎とする弱電離プ ラズマの数値解析や壁面反射モデルの評価を妥当に行える ことになり、結果としてプラズマ理工学全体に貢献できる ものと考えている. またこの取組みが"数値真空装置"や "数値プラズマ装置"の実現につながれば、研究開発コスト や装置設計コストを大幅に削減できるものと考えている.

謝辞

著者の思いつきを端緒とした本計測器の開発には4年以 上の歳月を費やした. 関わってくれた多くの学生の地道な 努力に対しここに謝意を示したい.また研究開発の一部費 用として JSPS 科研費18K04573, 22K04547の助成を受けた ことにも謝意を表したい.

参 考 文 献

- [1] 國中 均 他:イオンエンジンによる動力航行(コロナ 社, 2006).
- [2] D. Byers and J. Dankanich, 31st Intl. Electric Prop. Conf.,

Commentary

IEPC-2009-076 (2006).

- [3] 張 科寅 他:平成26年度宇宙輸送シンポジウム, STEP-2014-031 (2015).
- [4] A. Fabris, *et al.*, 35th Intl. Electric Prop. Conf., IEPC-2017-250 (2017).
- [5] A. Piragino, et al., 37th Intl. Electric Prop. Conf., IEPC-2022-320 (2022).
- [6] アルバック社:新版真空ハンドブック (オーム社, 2002).
- [7] 山科俊郎, 広畑優子: 真空工学(共立出版, 1991).
- [8] 堀越源一:真空技術[第3版](東京大学出版会, 1994).
- [9] M. Iwamoto et al., Trans. JSASS 60, 327 (2017).
- [10] R. Tsukizaki et al., Vacuum 190, 110269 (2021).
- [11] 井澤壮太 他:日本航空宇宙学会論文集 69,219 (2021).
- [12] C. Eichhorn *et al.*, 37th Intl. Electric Prop. Conf., IEPC-2022-261 (2022).
- [13] 熊谷寛夫 他: 真空の物理と応用 (裳華房, 1970).
- [14] 堀越源一:真空排気とガス放出(共立出版, 1995).



なか やま よし のり 中山宜典

防衛大学校システム工学群航空宇宙工学科 教授,博士(工学),宇宙推進工学(ロケッ ト工学)が専門.特にイオンエンジンは学 生のときから30年以上で,小惑星探査機は やぶさにも従事.朝はコーヒーカップを,昼はハンダごてを

特ち,夜はプログラムを打つのが理想の休日.サッカーサ ポーター歴20余年,仕事よりも優先(でありたい……).座右 の銘は「できないこともいつかはできる」「止まること少なし と書いて"歩"く」.

- [15] 日本機械学会:原子・分子の流れ-希薄気体力学とその応用-(共立出版, 1996).
- [16] 中山宜典, 竹ヶ原春貴:日本機械学会論文集 B 編 65, 633 (1999).
- [17] L. Brieda, 34th Intl. Electric Prop. Conf., IEPC-2015-361 (2015).
- [18] 中山宜典:日本航空宇宙学会論文集 65,200 (2017).
- [19] 中山宜典:日本航空宇宙学会論文集 68,204 (2020).
- [20] 中山宜典:日本機械学会論文集 86,889 (2020).
- [21] 東 澪 他: 令和3年度宇宙輸送シンポジウム, STEP-2021-010 (2022).
- [22] Y. Nakayama, 37th Intl. Electric Prop. Conf., IEPC-2022-158 (2022).
- [23] 酒井幸市:ディジタル画像処理の基礎と応用-基本概念 から顔画像認識まで(CQ出版, 2007).
- [24] 吉澤康和:新しい誤差論 実験データ解析法(共立出版, 1989).