熱源駆動型ITG乱流輸送に対する速度空間二次元衝突効果の評価

Velocity space 2-dimentional collisional effect on flux-driven ITG turbulence

吉田練太朗, 今寺賢志, 岸本泰明 Rentaro Yoshida, Kenji Imadera and Yasuaki Kishimoto

京都大学大学院 エネルギー科学研究科 Graduate School of Energy Science, Kyoto University

外部からの熱源が温度分布を急峻化させることによって駆動される熱源駆動型乱流は、分布硬 直性や緩和の自己相似性、間欠的な乱流輸送など、 核融合プラズマで現出する重要な物理過程と密 接に関係している[1]。そのような過程を準定常状 態まで追跡するためには、背景分布、乱流、熱源 効果に加え、新古典輸送や粒子軌道に影響を与え る衝突効果を正確に解く必要がある。我々が開発 してきた full-f ジャイロ運動論コード GKNET で は、これまで速度空間 1 次元(v_{\parallel})方向の衝突効果 のみを扱ってきたが、衝突過程を正確に評価する ためには、ピッチ角散乱等を考慮した速度空間 2 次元(v_{\parallel} , v_{\perp})での衝突効果を扱うことが重要であ る。

そこで本研究では、そのような効果を実装する ために、文献[2]で提唱されている速度空間2次元 Fokker-Planck 衝突演算子

$$C_{T}(f) = C(1)f + \left(v_{s}v^{2} + \frac{4sv_{0}}{x}\Psi\right)\frac{\partial f}{\partial s}$$
$$+ \frac{1}{2}v_{\perp 2}v^{4}\frac{\partial^{2}f}{\partial s^{2}} + \frac{1}{2}v_{\parallel 2}v^{2}\frac{\partial^{2}f}{\partial u^{2}} + v_{\parallel \perp}v^{3}\frac{\partial^{2}f}{\partial s\partial u}$$
(1)

を Test particle operator として GKNET に導入した $(u = v_{\parallel}, s = v_{\perp}^2)$ 。本研究では、さらに、長時間の full-f シミュレーションの数値安定性を確保する 上で重要な粒子数、運動量、エネルギーの保存性 を向上させるために、Field particle operator

$$C_F = -\frac{1}{n} [aF(x) + bG(x)\xi + cH(x)]f_M \qquad (2)$$

を導入し(*x = v²/v_t²)*[3]、それらの計算精度につい て検証を行った。

表1は、差分法として6次精度中心差分、積分 法として v_{\parallel} 方向には矩形積分、 v_{\perp} 方向には17点 ごとに16次関数で補間を行って計算した際の衝 突項の0次、1次、2次速度モーメントの値を示 しており、それぞれ衝突項による粒子数、運動量、 エネルギーの時間変化に対応している。衝突項の 計算を行う際に分母が0となる問題を避けるため に、両速度方向とも0にはメッシュを割当ててい ないが、 v_{\perp} 方向の積分に関しては $v_{\perp} = 0$ まで補間 関数を外挿することで積分精度を確保している。 この結果から、 f_M が衝突項のKernelとして十分な 精度で計算されていること、さらに C_F を導入する ことで保存性が向上していることがわかる。

	C_T	$C_T + C_F$
$\frac{1}{n_0}\int Cd^3v$	0.2427E-06	-0.2211E-12
$\frac{1}{n_0 v_{ti}} \int v_{\parallel} C d^3 v$	0.9963E-22	-0.2139E-20
$\frac{2}{3n_0T_i}\int \frac{1}{2}v^2Cd^3v$	-0.4411E-07	-0.1278E-11

表1: $(N_{\nu_{\parallel}}, N_{\nu_{\perp}}) = (64, 32), f = f_M$ とした場合の 衝突項 $(C_T, C_T + C_F)$ の各速度モーメントの値

また図1は、衝突演算子の変更に伴い、MPI並列の領域分割法と、積分を行う際の独立変数を変更したコードで得られた線形ITGモードのポロイ

ダル断面の固有関数を 示しており、従来と同 様の結果が得られるこ とを確認した。

本講演では、この衝 突効果が線形 ITG モー ドや GAM 減衰、熱源 駆動型 ITG 乱流輸送に 与える影響について、 従来の結果と比較す ることで報告する。



図1:線形 ITG モードの ポロイダル断面の固有 関数(*p*⁻¹ = 100, *n* = 10)

参考文献

- [1] Y. Kishimoto et al., 26th FEC, TH/P3-2 (2016).
- [2] X. Q. Xu and M. N. Rosenbluth, Phys. Fluids B **3**, 627 (1991).
- [3] S. Satake *et al.*, Comput. Phys. Comm. **181**, 1069 (2010).