

7. 高強度短パルスレーザー照射下にある 絶縁材料の第一原理計算

First-Principles Calculations for Dielectrics under Intense Short Laser Irradiation

乙部智仁, 矢花一浩¹⁾, 佐藤駿丞²⁾, 篠原 康³⁾ OTOBE Tomohito, YABANA Kazuhiro¹⁾, SATO Shunsuke A.²⁾ and SHINOHARA Yasushi³⁾ 量子科学技術研究開発機構,¹⁾筑波大学計算科学研究センター, ²⁾マックスプランク研究所,³⁾東京大学大学院工学系研究科 (原稿受付:2018年1月25日)

高強度レーザーを絶縁体に照射すると非線形過程による電子励起が起こる.電子励起は絶縁体の光学物性を 著しく変化させるため高強度レーザーと誘電体の相互作用は電子ダイナミクスを直接解くことでしか理解するこ とができない.本研究では電子ダイナミクスを記述する時間依存密度汎関数理論と電磁場の伝搬を記述するマッ クスウェル方程式を結合した多階層シミュレーション手法を開発した.この手法を用いてα水晶のレーザーアブ レーション過程を計算することで加工痕の深さを定性的に再現できることが明らかとなった.

Keywords:

TDDFT, Maxwell equation, Multi-scale simulation, laser ablation

7.1 序論

高強度レーザーが絶縁体表面に照射されると多光子吸収 またはトンネル過程などの非線形過程による電子励起が起 きる.励起電子数が多くなると絶縁体表面はプラズマ化し 高エネルギー状態になる.このエネルギーが電子からイオ ンに移行し物質表面が蒸発する現象はレーザーアブレー ションとして基礎,及び応用の両面から精力的に研究が進 められている[1,2].

光の強度が弱い場合,光と固体の相互作用は物質の線形 分極を記述する誘電関数と光の伝搬を記述するマックス ウェル方程式の組み合わせによって理解される.しかし光 強度が増すにつれて,非線形分極や非線形光吸収によるプ ラズマ生成に起因した誘電応答の変化などの非線形効果が 著しくなり,誘電関数だけでは物質の応答を正しく記述で きなくなる.このような物質の強い非線形応答を記述する には,物質内の非線形電子ダイナミクスを考慮する必要が ある.

強いレーザー場に晒された固体電子の記述は確率方程式 を用いたモデル計算[3]が主である.この際,非線形電子励 起過程はケルディッシュ理論[4]で近似されるのが一般的 である.しかしケルディッシュ理論はバンド端の構造のみ を考慮した理論であり,広いエネルギー範囲で多くの電子 遷移が起きるような場合には不十分な理論である.

我々はこれまでに非線形電子励起過程のシミュレーショ ン手法を発展させてきた.これまでに,時間依存密度汎関 数理論(TD-DFT=Time dependent density functional theory)[5]を用いて誘電体の金属化[6],コヒーレントフォノ ン生成[7],電子励起による光学特性変化[8],超高速光応 答を引き起こす動的フランツーケルディッシュ効果[9]の 記述及びその物理過程を明らかにしてきた.本章では電磁 気学(マックスウェル方程式)と量子力学を連結した新た な多階層シミュレーション手法[10]及び水晶のアブレー ション過程の計算結果[11]について紹介したい.

7.2 光と電子の第一原理計算

密度汎関数理論 (DFT=Density functional theory) は物 質の基底状態を厳密に取り扱うことのできる理論であり, 分子や結晶の構造,及びその電子状態を調べるための手法 として広範な分野に応用されている[12].DFTでは,系 の電子状態は,コーン-シャム方程式と呼ばれる電子密度 $n(\vec{r})$ によって決まる一体ポテンシャル $V[n(\vec{r})]$ を含む一体 シュレーディンガー方程式型の方程式によって記述され る.結晶中の電子を対象とする時,コーン-シャム方程式 はブロッホの定理により

$$\varepsilon_{i,\vec{k}} u_{i,\vec{k}}(\vec{r}) = \left[\frac{1}{2m} (\vec{p} + \vec{k})^2 + V[n(\vec{r})] + V_{\text{ion}}\right] u_{i,\vec{k}}(\vec{r}) \quad (1)$$

$$n(\vec{r}) = \sum_{i,k} |u_{i,\vec{k}}(\vec{r})|^2$$
(2)

となる. 引数 i と k はそれぞれバンドとブロッホ波数を表

Kansai Photon Science Institute, Quantum Beam Science Research Directorate, National Institutes for Quantum and Radiological Science and Technology,Kizugawa, KYOTO 619-0215, Japancorrespondingauthor's e-mail: otobe.tomohito@qst.go.jp

Special Topic Article

す. 一体ポテンシャル $V[n(\vec{r})]$ は電子密度 $n(\vec{r})$ で定義されるハートリーポテンシャル

$$V_{\rm H}(\vec{r}) = e^2 \int d\vec{r}' \frac{n(\vec{r}')}{|\vec{r} - \vec{r}'|}$$
(3)

と交換相関ポテンシャルを含む.交換相関ポテンシャルは DFTの精度を決める重要なポテンシャルであるが,ごく限 られた場合を除いて,その厳密な形は未だ解明されていな い.そのため,この交換相関ポテンシャルを近似する方法 として局所密度近似(LDA=Local density approximation),一般化勾配近似(GGA=Generalized gradient approximation)が良く利用されている.本章で示す計算結果 は全てGGAに運動エネルギー密度による補正を与えたメ タGGA[13]を利用している.LDAやGGAでは半導体や誘 電体のバンドギャップを小さく見積もってしまう問題があ るが,本章で利用するメタGGAはこの問題をある程度解 決するポテンシャルである.

TD-DFT は DFT を電子ダイナミクスや電子励起状態を 記述できるように拡張したものである.TD-DFT では時間 変化する外場によって時間変化する電子密度が中心的役割 を果たす.一般に利用されるレーザーの波長は 1 µm 程度 であり結晶の単位胞の大きさより十分に大きいので,単位 胞の中では一様な電場とみなせる.また加工に使われる レーザー強度(<10¹⁴ W/cm²)では磁場の効果は無視する ことができる.レーザー場をベクトルポテンシャルで表す ことで時間に依存するブロッホ関数 u'_{i,k} は以下に示す時間 依存コーン - シャム方程式で記述される.

$$i \, \hbar \frac{\partial}{\partial t} u'_{i,\vec{k}}(\vec{r},t) = \left[\frac{1}{2m} \left(\vec{p} + \vec{k} + \frac{e}{c} \vec{A}(t) \right)^2 + V[\rho(\vec{r},t)] + V_{\text{ion}} \right] u'_{i,\vec{k}}(\vec{r},t) \, (4)$$

$$n(\vec{r},t) = \sum_{i,k} \left| u'_{i,\vec{k}}(\vec{r},t) \right|^2 \tag{5}$$

一方で電磁場のダイナミクスを記述するマックスウェル 方程式は、巨視的座標 *R* でのベクトルポテンシャル \vec{A}_R と電流 \vec{J}_R を用いて

$$\frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 \vec{A}_R(t)}{\partial t^2} - \frac{\partial^2 \vec{A}_R(t)}{\partial R^2} = -\frac{4\pi}{c} \vec{J}_R(t)$$
(6)

となる.

各点 R での電子ダイナミクスは二つの座標, 巨視的座標 R と微視的座標 r に依存している電子ダイナミクスの空間 スケールはレーザー電場の波長よりも十分短いため, 異な る巨視的座標間での電子ダイナミクスは独立に取り扱うこ とができる.本章で紹介する手法ではマックスウェル方程 式を空間点 R_i で離散化し差分法を用いて解き, 各空間点 R_i 毎に微視的なコーン-シャム方程式(5)を同時に解く (図1).式(4)から各点 R での電流 $J_R(t)$ がえられ,式 (6)からベクトルポテンシャル $A_R(t)$ が得られる.式(4) と(6)を連立して解くことにより摂動論を仮定せずレー



図1 マックスウェル方程式を記述する座標 R と時間依存コーン ーシャム方程式を記述する座標 r の関係.

ザーの物質内の伝搬を記述することが可能になる.この電流密度 $\vec{J}_R(t)$ と電場 $\frac{1}{c} \frac{\partial \vec{A}_R(t)}{\partial t}$ の間に光学伝導度を導入して線形化することで、よく用いられる線形媒質中のマックスウェル方程式に帰着する.

時間依存コーン-シャム方程式のハミルトニアン及び波 動関数は格子点で離散化し,高次差分法[14]を用いて計算 する.時間発展についてはテイラー展開の4次

$$u'(t+dt) = \sum_{l=0}^{4} \frac{(-iH_{\rm KS}dt)^{l}}{\hbar^{l}l!} u'(t)$$
(7)

により近似して解くことで高速な計算が可能となる.ここで *H_{KS}* は時間依存コーン – シャム方程式のハミルトニアンである.

電磁場を記述するマクロな空間点で時間依存コーン-シャム方程式を計算するため、その計算量は膨大なものに なる.「京」に代表される現代的なスーパーコンピュータ を駆使することで、こうした物質の応答の非線形性を考慮 した光伝播のシミュレーションが現実のものとなった.し かしながら、電磁場を記述するマクロな空間点を3次元に したシミュレーションを行うことは未だ困難であり、次世 代のスーパーコンピュータを必要とする.本章で紹介する 計算は全てマックスウェル方程式を1次元空間、時間依存 コーン-シャム方程式を3次元空間で解いたものである.

7.3 *α* 水晶のアブレーション深さ評価

この章では代表的な透明材料である水晶のレーザー励起 過程について紹介する.実験で用いられるフェムト秒レー ザーはチタンサファイア結晶を利用したものが多く波長 800 nm (1.55 eV)であり,光子のエネルギーは水晶のバン ドギャップ9 eV より小さく電子励起には最低でも6光子 が必要となる.レーザーアブレーションを起こすほどの レーザー強度となると更に高次の非線形現象であるトンネ ル現象による励起となる.

図2に α 水晶にピーク強度1×10¹⁴ W/cm²の極短パルス レーザーを照射した時の典型的なシミュレーション結果を 示した.図2(a)は時刻t=0fsのレーザー電場を示してい る. 横軸は水晶表面からの距離 R で正の領域が水晶内 部,負の領域が真空である.矢印はレーザーの進行方向を 示している.レーザーのベクトルポテンシャルは



 図2 α 水晶に入射した高強度パルスレーザーの伝搬に対する マックスウェル方程式と時間依存コーンーシャム方程式に よる多階層計算の結果.(a)はレーザーが物質に入射する 前の初期状態(t=0fs),(b)はレーザーが物質に到達し反 射と透過が起きている時刻(t=11.6fs),(c)は透過波と 反射波に別れた後の時刻(t=26.1fs)での光電場を表す. (d)は(c)におけるエネルギー分布を表す.

$$\vec{A}_{R}(t) = \hat{z}A_{0}\cos\omega t_{\mathrm{R}}\sin^{2}\pi\frac{t_{\mathrm{R}}}{T_{\mathrm{P}}}$$
(8)

で定義され,時間範囲 $(0 < t_R < T_P)$ でのみ値を持つ. t_R は空間の場所に依存した時間 $t_R = t - R/c$ である. ω はレー ザーの振動数 (1.55 eV), T_P は 19.2 fs とした. 一般にパル ス幅 τ は半値全幅で定義される. T_P と τ は $\tau = 0.364T_P$ で関 係づけられ, この場合 $\tau = 7$ fs である.

図2(b)は時刻t=11.6fsでの電場波形である.レーザー が水晶に侵入している様子が見て取れる.水晶内部では水 晶の屈折率による波長の変化が起きている.

図2(c)はt=26.1fsでの電場波形である.レーザーは反 射波と透過波に別れお互い逆方向に進行している.透過波 は図で示している空間より奥に進行しており見えていな い.この時の光から電子に移行したエネルギーを図2(d) に示した.表面付近にレーザー場は存在していないが,電 子励起により水晶内部にエネルギー分布が形成されている のがわかる.レーザーから電子へのエネルギー移行は非線 形過程のため表面から内部に向けて指数関数的分布となっ ている.

水晶内部の原子あたりの励起エネルギー分布のレーザー 強度依存性を図3に示した.励起エネルギーは電子が感じ るレーザー電場 $\mathcal{E}_R(t)$ と誘起された電流 $J_R(t)$ から計算されるエネルギー付与

$$E_{R} = \int \mathrm{d}t \, \mathcal{E}_{R}(t) J_{R}(t)$$

から求めている.各線はエネルギーの低い方から0.5,0.75, 1.0,1.5,2.0,2.5,5.0,10.0,20.0×10¹⁴ W/cm² である.パ ルス幅は全て τ = 7 fsとした.レーザー強度の上昇に伴い表 面近傍でのエネルギー分布が急激に変化していることがわ かる.

励起エネルギーと加工を考える上で重要と思われる閾値 には融点(Melting energy)と凝集エネルギー(Cohesive energy)がある. 図3の点線はそれぞれ水晶の融点 (0.6 eV/atom)と凝集エネルギー(6 eV/atom)である.各 値は Hicks らの論文[15]から引用した.

アブレーション閾値では膜剥がれ(スパレーション)が 起きる[16-18]. これは励起された部分で発生する圧力波 が表面で反射されることによって引っ張り応力になること に起因しており,形成される穴は比較的平坦で浅い.一方 レーザー強度が増して格子系へのエネルギー付与が大きく なると最終的に小さなクラスターや原子が放出される気化 過程が起こる.以上のことから,レーザー強度の高い領域 では原子間の凝集エネルギーがアブレーションを決める指 標になると考えられる.図4に凝集エネルギーと励起エネ ルギーが一致する深さをアブレーション深さとし,レー ザー強度の関数として実線と丸で示した.アブレーション 深さは7J/cm²以上では 100 nm 程度になることがわかる.

パルス幅7 fs, 光子エネルギー 1.55 eV のレーザーによる 溶融石英のアブレーション深さの実験値[19]を図4に青で 示した.アブレーション深さは 100 nm で飽和しており, 我々の計算結果はアブレーション閾値を定性的に再現して いることがわかる.

一方で4J/cm²以下では、実験値は我々の計算値より深



図3 パルスレーザーからα水晶への移行したエネルギーを、表面からの深さに対して示す。レーザーのピーク強度は下から上に0.5,0.75,1.0,1.5,2.0,2.5,5.0,10.0,20.0×10¹⁴
 W/cm²である。水平線は、α水晶の原子あたりの平均した凝集エネルギー(Cohesive energy)と融解エネルギー(Melting energy)を示す。



図4 多階層計算で得られたエネルギー移行量が凝集エネルギーと一致する深さから見積もったアブレーション深さ(●)と実験値(■)の比較、実験値は文献[19]より転載.

い穴が開くことを示している.アブレーション閾値につい ても多少の差異が見られる.前述のように実際のアブレー ションではまずスパレーションが起きている.スパレー ションは音響フォノンの波長で決まる厚みの膜を効率的に 剥がす過程であるため,凝集エネルギーによる見積もりが 合わなくなっていることを示唆している.

7.4 おわりに

本章は、高強度極短パルスレーザーによる絶縁体のアブ レーション過程の TD-DFT に基づいた計算手法及び結果 について、α水晶を例にして紹介した.高強度レーザーを 絶縁体に照射すると、数フェムト秒以下の時間で、レー ザー電場により物質中の電子は強く励起され、物質の光学 特性は基底状態から大きく変化する.物性の変化はレー ザーの伝搬を変化させるため電子の運動と光の伝搬を同時 に解く必要がある.

我々はマックスウェル方程式とTD-DFTの基礎方程式 である時間依存コーン-シャム方程式を異なった空間ス ケールで解く多階層計算手法の理論と計算手法を開発し た.本計算手法は現代的なスーパーコンピュータを駆使す ることで初めて可能となった,きわめて大規模なシミュ レーションである.本手法は電子ダイナミクスと光のダイ ナミクスをナノメートル以下の空間解像度,アト秒の時間 解像度で調べる手段を与えている.計算で得られたアブ レーション深さは実験と良い一致を見せており,その有用 性が示された.計算では任意のレーザーパラメータによ る,固体,薄膜ナノ物質といった様々な標的物質の非線形 応答を扱うことができる.

電子と光の相互作用の詳細を調べられるようになった一 方,未だ解決できていない問題も数多くある.基礎理論と して用いている時間依存密度汎関数理論は発展途上にあ る.電子間の散乱が十分に取り入れられておらず,電子緩 和過程や電子雪崩といったより時間スケールの長い現象に 適応できていない.電子と格子間の相互作用についても十 分に解明されておらず,さらなる発展が求められる.加工 では最終的に原子のダイナミクスが重要となっているが, 本稿で紹介した手法の範囲での記述は現在のところ不可能 である.これに関しては分子動力学計算や流体力学計算な どと繋いだ新たな多階層計算アプローチを開発していく必 要がある.

謝辞

本章の研究内容はワシントン大学の George F. Bertsch 氏との共同研究に基づいており,同氏に感謝する.本章の 研究の一部は科学研究費補助金(15H03674,特別研究員奨 励費26-1511),文部科学省ポスト「京」重点課題7「次世 代を支える新機能デバイス・高性能材料の創生」 (CDMSI),文部科学省ポスト「京」萌芽的課題「複合相関 が織りなす極限マテリアル-原子スケールからのアプロー チ」,および国立研究開発法人科学技術振興機構(JST)の 研究成果展開事業「センター・オブ・イノベーション (COI)プログラム」の支援によって行われたものであ る.本章で述べた研究は筑波大学,東京大学物性研究所の スーパーコンピュータ,理化学研究所のスーパーコン ピュータ「京」を利用して得られたものである.

参 考 文 献

- [1] R.R. Gattass and E. Mazur, Nat. Photonics 2, 219 (2008).
- [2] J. Reif, *Laser-surface Interactions for New Material Production*, edited by A. Miotello and P.M. Ossi (Springer, Berlin, 2010).
- [3] B. Rethfeld, Phys. Rev. Lett. 92, 187401 (2004).
- [4] L.V. Keldysh, Sov. Phys. JETP 20, 1307 (1965).
- [5] E. Runge and E. K. U. Gross, Phys. Rev. Lett. **52**, 997 (1984).
- [6] T. Otobe et al., Phys. Rev. B 77, 165104 (2008).
- [7] Y. Shinohara et al., Phys. Rev. B 82, 155110 (2010).
- [8] S.A. Sato et al., Phys. Rev. B 89, 064304 (2014).
- [9] T. Otobe et al., Phys. Rev. B 93, 045124 (2016).
- [10] K. Yabana *et al.*, Phys. Rev. B **85**, 045134 (2012).
- [11] S.A. Sato *et al.*, Phys. Rev. B **92**, 205413 (2015).
- [12] R.O. Jones, Rev. Mod. Phys. 87, 897 (2015).
- [13] A.D. Becke and E. R. Johnson, J. Chem. Phys. **124**, 221101 (2006).
- [14] J. Chelikowsky Phys. Rev. B 50, 11355 (1994).
- [15] D.G. Hicks et al., Phys. Rev. Lett. 97, 025502 (2006).
- [16] T. Kumada et al., J. Appl. Phys. 115, 103504 (2014).
- [17] T. Kumada et al., Appl. Phys. Lett. 106, 221605 (2015).
- [18] T. Kumada et al., Appl. Phys. Lett. 108, 011102 (2016).
- [19] O. Utéza et al., Appl. Phys. A 105, 131 (2011).