

研究最前線 高温プラズマにおける高 Z 多価イオンの分光と原子構造

8. 高Z多価イオンのモデリングの現状

8. Present Status of the Modeling of High-Z Multiply Charge lons

佐 々 木 明 SASAKI Akira 日本原子力研究開発機構 量子ビーム応用研究部門 (原稿受付:2013年2月28日)

磁場閉じ込め核融合のプラズマ対向壁材料として用いられるタングステンを初めとする,高乙多価イオンの 衝突輻射モデルの現状について述べる.近年 HULLAC 等の計算コードを用い,エネルギー準位や,電離,励起の レート係数を数値計算で求めて大規模な衝突輻射モデルを構築し,平均価数や輻射損失などのプラズマの特性を 求め,さらにそれを用いて応用研究が行われるようになってきた.本章では,複雑なイオンのレベル構造をコン ピュータアルゴリズムで解析して原子モデルを構築する方法の研究開発,コード比較国際ワークショップにおけ る計算の比較,検証などの活動の現状を紹介する.

Keywords:

atomic process, collisional radiative model, multiply-charged ion, plasma spectroscopy, simulation

8.1 はじめに

核融合や極端紫外(EUV)光源の研究開発では、与えら れたプラズマの温度,密度条件下において、高乙多価電離 イオンの平均価数,輻射損失などの特性を評価するため、 衝突輻射モデルが用いられる.衝突輻射モデルとは、非局 所熱平衡(non-Local Thermodynamic Equilibrium: nLTE) 状態にあるプラズマ中の高乙多価電離イオンのエネルギー 準位の分布,すなわち占有密度を、電子衝突,輻射による、 電離,励起過程を考慮して、レート方程式によって計算す るシミュレーションモデルである.衝突輻射モデルの計算 結果は、発光、吸収スペクトルの計算と組み合わせ、プラ ズマの分光解析に用いられる他、状態方程式の一部とし て、プラズマシミュレーションにも活用される.

衝突輻射モデルの構築においては,正しい原子モデル, すなわちエネルギー準位の組を選ぶことと,原子素過程 データ,すなわちレベル間の反応の正確なレート係数の値 を準備することが重要である.

H, He 様イオンの衝突輻射モデルでは、どのようなエネ ルギーレベルが大きな占有密度を持ち,発光に寄与する か,あるいは電離,励起を通じ,電離平衡(イオン化バラ ンス)を決定するために重要かなどはすでに知られ,モデ ル化の手法は確立されている[1].それに対して,タング ステンやスズなどの高Zイオンの衝突輻射モデルでは,温 度,密度条件に応じて,重要となるイオン化状態やエネル ギー準位と,それらの間の電離,励起過程が変わり,どの ようなモデルを構築するのがよいかはこれまで明らかでな かった.特に,電離平衡の決定のためには,多数の多重・ 内殻励起状態を中間状態とする,二電子性再結合過程を考 慮することが重要で、モデルは非常に多くのエネルギー準 位を含む複雑なものになり、従来モデルの構築は困難で あった.近年、HULLAC[2]やFAC[3]などの計算コード が普及し、イオンのエネルギー準位や、電子衝突、輻射に よる電離、励起過程に関する、原子素過程データを数値計 算で求められるようになり、そのような大規模な衝突輻射 モデルの開発と、それを活用した研究が行われるように なった[4-8].

一方,最近のプラズマの科学と技術の進歩は,例えば, EUV 光源の研究開発において,波長13.5 nm で,200 W 以上の EUV 光を,励起用レーザー光のパワーからの変換 効率3%以上で,発生させることを要求するようになって いる.国際熱核融合実験炉(ITER)でも,タングステン等 の高融点金属をダイバータ材料として活用し,高いプラズ マ性能を得ることが期待されている.このように,衝突輻 射モデルによるプラズマ原子過程の解析にも,より高い精 度が要求されるようになっている.

高乙多価イオンの衝突輻射モデルは、多数のパラメータ をもち、ひとつの平均価数や輻射損失の実験結果に対し て、それを再現することができる複数のパラメータの組が 存在すると考えられる.このため、あるモデルでひとつの 実験結果をうまく説明できたとしても、そのモデルで未知 の条件における実験結果を正しく予測できるかどうかにつ いては、これまで見解は定まっていなかったと思われる. 加えて、プラズマの分光計測においては、プラズマがしば しば時空間の構造をもつことや、放射される光がプラズマ 中を伝播する際に自己吸収の影響を受けるために、モデル と実験の定量的な比較や検証自体が困難な場合も多い.

Quantum Beam Science Directorate, Japan Atomic Energy Agency, Kizugawa, KYOTO 619-0215, Japan

author's e-mail: sasaki.akira@jaea.go.jp

5

そこで, 主に慣性核融合分野の衝突輻射モデルの専門家 による, nLTE kinetics workshop が行われ, 各参加者が計 算を行って結果を持ち寄り、比較、検討を行って、コード の精度, 信頼性の向上を試みる活動が行われた. ワーク ショップに参加するには、少なくとも一つの条件における 結果を提供しなければいけないという条件のもとで,1999 年の第1回以来,ほぼ2年に1回のワークショップが開か れ[6], 当初は、例えば金プラズマの価数の計算において、 コードごとに最大10の相違があったものが2程度まで改善 された. ワークショップの結果, コードの精度の向上のた めに、原子データの精度と、原子モデルの完全性 (completeness)の重要性が明らかになった[7,8]. すなわち, 複 雑な多電子,多価電離イオンの重要なエネルギー状態の構 造を正しく記述すること,その間の電離,励起の素過程の うちの重要なものを見出し、漏れなく取り込むことの重要 性が明らかになった.

本章では,著者が,主に EUV 光源の原子過程の解析[9] を目的として行った,衝突輻射モデル (JATOM)の開発に おいて,nLTE kinetics ワークショップへの参加を通じ,モ デルの構築をアルゴリズム化し,計算の精度や再現性の向 上を行った結果を紹介したい[10].

8.2 衝突輻射モデルの構築

JATOM コードは, EUV 光源のシミュレーションシステ ムの一部として,与えられた温度,密度に対する,電離平 衡にあるプラズマの平均価数や,輻射放出,吸収係数のス ペクトルを計算するために開発された.本コードは、固体 Sn ターゲットにレーザー光を照射して生成する,比較的高 密度 (n_e = 10¹⁸⁻²² / cm³) のプラズマを対象とし, 非相対論 的電子配置(以下簡単のために電子配置と略す), すなわ ち、軌道電子の主量子数 n と方位量子数 l で決まる軌道の 占有電子数m, $(n_1l_1)^{m_1}$, $(n_2l_2)^{m_2}$, ..., $(n_Nl_N)^{m_N}$ による, 平 均化されたエネルギー準位を用いて、イオン密度、エネル ギー準位の占有密度の計算を行う. また輻射流体シミュ レーションコードのポストプロセッサとして, 配置間相互 作用および、エネルギー準位の微細構造を考慮して、輻射 放出,吸収スペクトルの計算を行う.本節では,前半の電 子配置平均レベルを用いた、衝突輻射モデルの構築の結果 と、それを W プラズマのイオン密度、輻射損失率や、衝突 輻射電離、再結合レートの計算に応用した結果について示 す.

原子の状態を電子配置で表すと、高乙原子の多電子、多 価電離イオンは、電子が属する軌道の組み合わせにより、 非常に多くのエネルギー準位をもつことがわかる. 図1 に、HULLACコードを使い、エネルギーを電子配置平均で 計算した、Ni 様 W イオンの準位図を示す. 図は、基底状態 3d¹⁰の一電子励起状態3d⁹nl 状態とともに、多数の内 殻、多重励起状態が存在することを示す. このようなエネ ルギー準位の構造をもつイオンの占有密度を評価するため には、励起エネルギーが低く、占有密度の多い状態と、電 離、励起に重要な過程を漏れなく考慮したモデルを構築す ることが必要である. 特に、ne =10¹⁴/cm³ 程度の核融合プ ラズマでは、二電子性再結合過程を考慮することが重要で ある.

Ni 様イオンから Cu 様イオンへの二電子性再結合は,中間状態,すなわち自動電離状態への電子捕獲と,それに続く Cu 様イオンのよりエネルギーの低い状態への緩和,例 えば,

$$3d^{10} + e \to 3d^{9}4pnl, \qquad (1)$$

$$3d^{9}4pnl \rightarrow \begin{cases} 3d^{10}nl + h\nu \\ 3d^{10}4p + h\nu' \end{cases}$$
, (2)

のような過程を通じて起こると考えられる. JATOM コードでは、二電子性再結合過程は、中間状態を陽に取り入れることで考慮する.電離平衡を正しく計算するためには、 重要な中間状態を漏れなく取り入れることが重要である.

今回の提案手法では、アルゴリズムを用いて、計算の対象とするイオンのエネルギー準位を、それよりひとつ価数の高いイオンのエネルギー準位を解析して、自動的に生成する[11]. Cu様イオンのエネルギー準位は、図1に示す、Ni様イオンの低いエネルギー準位をコアとして1電子を付与することにより生成する.

具体的には、Ni様イオンのエネルギー準位を、励起エネ ルギーの順にソートし、低い状態から順に取って、Cu様イ オンのエネルギー準位を生成する.まず、基底状態3d¹⁰ に対し、考慮する軌道の主量子数nと、方位量子数lの最 大値を与え、可能なあらゆる軌道に電子を付与して、 3d¹⁰nl状態を生成する.これによって、Cu様イオンの基底 状態、3d¹⁰4s状態が生成される.続いて、Ni様イオンの 3d⁹4s状態からCu様イオンの3d⁹4snl状態、3d⁹4p状態か ら3d⁹4pnl状態を生成するといった手順を経て、Cu様イオ ンのエネルギー準位を共通のコアを持つ一電子励起状態の グループ毎に生成し、電離平衡の計算に十分な数のエネル ギー準位のグループを生成する.

図1で太線で示している, 3d¹⁰, 3d⁹4l, 3p⁵4l, 3s3p⁶4l, 3d⁸4s, 3d⁸4p, 3d⁹5l, 3d⁹6l, 3p⁵5l 状態は, 典型的な30 グループを考慮して行う計算において選択され, Cu 様イ



図1 Ni様Wイオンのエネルギーレベル図.一電子励起状態3d⁹ nlと、主要な多重励起状態を含む.太線で示されているレベルは、基底状態から30番目までの、励起エネルギーが低い状態で、標準的な条件で、Cu様イオンのレベルを生成する際のコアとして扱われる状態を示す。

オンのエネルギー準位のコアとして扱われる状態で、 3d⁹4lnl,3p⁵4lnl,...以下の状態が生成されることを示す.状態はエネルギーの順に選択されるので、グループの数をより少なくする時、3p⁵4s 状態は3d⁹4f状態よりも先に選択され、同様に3d⁹6l 状態は3s3p⁶5l 状態よりも先に選択される.あるコア状態から、可能なあらゆる軌道に電子を付与すると、例えば3d¹⁰ 状態と3p⁵3d¹⁰4s 状態の両方から、重複して3d¹⁰4s 状態が生成される.このような場合、先に生成したものを該当するグループの状態として採用し、後から生成された重複する状態は破棄する.

新しい原子のモデルを構築するには、まず(1)H様イオ ンのエネルギー準位の計算を行い、次に、(2)与えられた グループ数のエネルギー準位, コア状態をエネルギーの低 いものを選ぶ. そして, (3)考慮する最大の n, l を与えて, コア状態をイオン化限界として持つ、コア状態よりも価数 が1低いイオンの励起状態を生成する.そして、(4)HUL-LAC コードで, 生成した準位のエネルギーや, 輻射遷移確 率,自動化イオン化率を求める.(2)から(4)までの過程 を, H様イオンから, 考慮する最低価数のイオンまで繰り 返すことによって、原子モデルを再帰的に生成する.この ような手法によれば,高乙原子の多電子,多価電離イオン の実質的に無数にあるエネルギー準位の中から、重要なも のを選択する問題が,軌道電子の主量子数n,方位量子数 1および、グループ数などの少数のパラメータを選ぶ問題 に帰着される.また、エネルギーの計算の精度の範囲で、 再現性を持って準位を選択, 生成することができる.

このようにして衝突輻射モデルに取り入れるエネルギー 状態の組を決定したら、各エネルギー状態について、電子 衝突および輻射による電離、励起過程を考慮して、レート 方程式を立てる. JATOM コードでは、レベルエネルギー, 輻射遷移確率および自動イオン化率の、電子配置平均にお いての値を HULLAC コードで計算する.電子衝突電離の レートは、Lotz による経験式[12],

$$I_{z,n} = 3 \times 10^{-6} \frac{\exp(-u)}{T_{\rm e}^{3/2} u} \exp(u) E_1(u), \qquad (3)$$

によって計算する. ただし, $u = E_{z,n}/T_e$, $E_{z,n}$ はイオン化ポ テンシャル, T_e は電子温度 [eV], $E_1(u)$ は第1種積分指数 関数である. 放射再結合のレートは,

$$R_{z,n} = 1.91 \times 10^{-15} \frac{g_{z+1,1}}{g_{z,n}} \frac{E_{z,n}^{5/2}}{T_{\rm e}^{3/2} Z} \exp(u) E_1(u).$$
(4)

によって求める[13]. ただし, *Z* はイオン価数, *g* は始状態と終状態の統計重率である.

電子衝突励起のレートは, Mewe による経験式[14]

$$X_{ij} = 1.58 \times 10^{-6} f_{ij} \frac{\exp\left(-\chi_{ij}\right)}{T_{\rm e}^{1/2} E_{ij}} \overline{g}_{ij} , \qquad (5)$$

で計算する.ここで, f_{ij} は吸収振動子強度, E_{ij} は励起エ ネルギー, $\chi_{ij} = E_{ij}/T_e$, \overline{g}_{ij} は, Gaunt 因子,

$$\overline{g}_{ij} = A + \left(\frac{B}{\chi_{ij}} + \frac{C}{\chi_{ij}^2} + D\right) \exp\left(\chi_{ij}\right) E_1\left(\chi_{ij}\right) + C\chi_{ij}. (6)$$

ただし、 $\Delta n \neq 0$ 遷移では、A = 0.6、 $\Delta n = 0$ ではA = 0.15であり、B = C = 0、およびD = 0.28 である、逆過程である 三体再結合、電子衝突脱励起のレートは、詳細釣り合いの 原理によって計算する.

提案手法で、十分な数のエネルギー状態を考慮したモデ ルが構築できるか否かは、専らグループ数の設定による. そこで、電離平衡における、平均価数および輻射損失のグ ループ数に対する収束計算を行った結果を図2に示す.計 算に用いた原子モデルでは、各エネルギー状態のグループ において、軌道電子の最大主量子数は8、方位量子数は4 までを考慮した.

100 eV - 10 keV の電子温度の範囲で,価数は20から60ま で変化するが,ひとつの温度条件では,イオン密度は,そ れが最も大きいイオンとの価数の差が増すに従って急激に 減少する.そこで,温度条件毎に,平均価数に対応するイ オンを中心に,同時に9種のイオン種を選んで占有密度を 計算するようにした.

図2は、グループ数を増し、モデルに取り入れるエネル ギー状態を増すに従って、平均価数、輻射損失の値が収束 する様子を示す.輻射損失は,束縛・束縛,束縛・自由,自 由・自由遷移の和であるが,計算を行っている条件では, 束縛・束縛遷移が大半を占める. 平均価数は、グループ数 を増やすと、より多くの二電子性再結合チャネルが考慮さ れるようになるために、減少する傾向を示す. それに対し て、輻射損失は、より多くのサテライト線が考慮されるよ うになるために、増加する傾向を示す. グループ数を増す ことによって、どのような状態が取り入れられるかは、各 イオンごとによって変わるが、およそ30個のグループを考 慮すると結果が収束する.ただし、Ne様(64価)、Ni様 (46価), Pd 様 (28価) などの, 閉殻構造をもつイオンが支 配的になる条件では、10グループ程度で収束するのに対 し、開殻イオンが支配的になる条件では、より多くのエネ ルギー状態の考慮を必要とする傾向がある.

同様の収束計算を,取り入れる状態の軌道電子の最大の n,lの値や,同時にモデルに含めて計算するイオン種の数 を変えて行った.その結果,平均価数や輻射損失の値は, イオン種の数に対して速やかに収束するが,開設構造のイ オンが支配的になる一部の温度条件では,イオン密度の正



図2 W プラズマの平均価数(a)と輻射強度 (erg/cm³/s)(b)の電子温度依存性.電子密度 n_e = 10¹⁴/cm³.細かい破線,破線, 実線,一点鎖線は、それぞれ各イオン毎に10,20,30,40個の励起状態のグループを考慮した場合を示す.グループ数 を増すに従って、結果が収束することを示す.

確な評価のために,標準的な9種以上のイオン種を含む計 算が必要なことがわかった.

8.3 計算結果の検証

図3に、nLTE kinetics ワークショップの web サイトの トップページを示す[15]. 最近では第7回のワークショッ プが、ウィーンで、2011年の12月に開催された.米国標準 局 (NIST: National Institute of Standards and Technology) の Ralchenko 博士がオーガナイザーを務め、9 カ国の参加 者から16のコードの結果が持ち寄られ、比較が行われた. 図4に第7回ワークショップで取り上げられたテスト問題 を示す. Ne, Ar, Kr, W の指定された温度, 密度状態の電 離平衡の状態における、イオン密度、エネルギー準位の占 有密度の計算を行った. Ar に関しては, 光電離プラズマの 時間発展の問題も取り上げられ, Kr, W に関しては, スペ クトルの計算も課題として取り上げられた.図5に、W プラズマの平均価数と、1イオン、電子あたりの輻射損失 率 (cooling rate) を示す. 図5では, JATOM コードで計 算した結果と、nLTE ワークショップで発表された結果、 および磁場核融合分野の最近の結果を比較して示す[16]. 価数に関しては、nLTE ワークショップで発表された結果 のばらつきは2程度であり、JATOM コードの結果はほぼ 分布の中心に位置する.輻射損失率の結果は,価数の結果 はいくらかばらつきが大きい. ここでも JATOM コードの



図 3 nLTE 7 ワークショップのトップページ[15].

	NETE-7 Code Comparison Workshop					
Summ	ary of cas	es A	ccess the databa	se —		
Element	T _e (eV)	N _e (cm ⁻³)	Spectral ranges	Justification	Additional Info	Case coordinato (to be confirmed)
Ne	10, 30	10 ¹⁴ , 10 ¹⁸ , 10 ²⁰	E=1-250 eV, dE=0.05 eV	Convergence with n	6 cases: n _{max} =g.s., 3, 4, 8, 12, ∞	C. Bowen
Ar	10, 20, 40, 60, 80, 100	10 ¹⁰ , 10 ²⁰		EA/DR analysis	F- through Mg-like ions only	HK. Chun
	50	Time-integ 10 ¹⁴ , 10 ¹⁸ , 1 3 , 10 ⁴⁴ , 174, 2 10 ²⁰ λ=4.17-4, 2 λ=400-50 Å λ=400-800	Time-integrated: λ=4.17-4.20 Å	System relaxation after XFEL photoexcitation	Time-dependent problem; at t=0 all population in 1s2s ⁹ 2p ⁶ 3p of Ne-like ion	- Yu. Ralchenko
Ar			dλ=0.0001 Å λ=40-50 Å, dλ=0.01 Å λ=400-800 Å, dλ=0.1 Å		t(0)=0, t(1)=10 ⁻¹⁶ s, t(i)=t(i-1)*8t for i=2.200; 8t=1.15 for 10 ¹⁴ , 8t=1.10 for 10 ¹⁸ , 8t=1.08 for 10 ²⁰	
	best fit	best fit	λ=5.5-8.0 Å, dλ=0.001 Å	Analysis of experimental spectra and discussion of CR modeling strategies	See the paper, Figs. 4(b), 7, 8	S.B. Hanse
w	2500, 3900, 5000, 9000, 12000	1014	3900 eV: λ=4-8 Å, dλ=0.001 Å 5000 eV: λ=25-33 Å, dλ=0.004 Å	MCF problem + EA/DR analysis		C.J. Fontes

図 4 nLTE 7 ワークショップで比較, 検証を行った, テスト問題 のリスト.

結果はほぼ分布の中央に位置するが, *T*_e = 9000 eV の結果 は、分布の中心値を下回っている.

このように nLTE ワークショップに参加した衝突輻射モ デルの結果には、コンセンサスが得られつつある.しかし、 磁場核融合プラズマを対象として、Pütterich らが計算した 価数の値は、 $T_e = 4000 \text{ eV}$ 程度の Ni 様イオンが支配的にな る条件では、nLTE ワークショップに参加したコードの結 果とほぼ一致するものの、他の条件では全体的に低い. nLTE ワークショップの対象の条件よりも低温の、 $T_e = 2000 \text{ eV}$ の条件では、JATOM コードの結果との差は 10近い.輻射損失率においては、JATOM コードと Pütterich らの結果の違いは2倍程度の範囲で一致する が、価数の違いが、閉殻構造のイオンにおいて輻射損失率 が減少する性質に反映し、極大、極小値をもつ温度が異 なっている.唯一の実験結果が、**図5**(b)の白丸で示すよ うに $T_e = 2500 \text{ eV}$ において得られているが、これだけでは モデルの妥当性を判断することは困難であろう.

図6に、Wイオン密度の温度依存性を、Pütterichらの結 果[16]と比較して示す.計算されたイオンの分布の違い は、平均価数の違いを反映し、JATOMコードでは、より 低い温度で20~40価のイオン密度が最も大きくなる.Püt-



図5 W プラズマの(a) 平均価数と(b) 輻射損失率(cooling rate erg・cm³/s)で表した輻射損失の電子温度依存性. 太い実線は JATOM コードの値を,細い実線は,nLTE 7 ワークショップで発表された各コードの計算結果を示す. 太い破線は Pütterich による計算結果[16]を示す.(b)では,同論文中にある平均イオンモデルの計算結果を細い点線で,実験値を白丸で示す.



図6 W プラズマの各イオンの相対密度の温度依存性.(a)今回の計算結果と、(b)Pütterich[16]による計算結果との比較.

terich らの結果に見られる, Ni 様イオンのアバンダンスが 広い温度範囲において大きく, Kr様付近のイオンのアバン ダンスが小さい傾向は, JATOM コードの結果ではあまり 目立たない.

なお、この計算からは、イオンの衝突輻射電離、再結合 レート \overline{I} 、 \overline{R} を、各イオンに属するレベル*i*について、ポ ピュレーション p_i で重みづけして平均化し、電離、再結合 の終状態*j*、*k*に対して和をとり、

$$\overline{I} = \sum_{i} p_{i} \sum_{j} I_{ij} \tag{7}$$

$$\overline{R} = \sum_{i} p_{i} \sum_{k} R_{i,k} \tag{8}$$

のように計算することができる.図7に,Ni様付近のイオンの衝突輻射電離,再結合レートの計算結果を示す.

8.4 議 論

核融合プラズマの研究においては、磁場閉じ込め方式で は高 Z ダイバータの効果の評価のために、慣性閉じ込め方 式では間接駆動爆縮方式の評価のために、以前から高 Z 多価イオンの衝突輻射モデルが用いられてきた.長い間、 対象イオンの構造を疑似水素様イオンで近似する平均イオ ンモデルが用いられてきたが[17]、HULLAC、FAC等の 計算コードの進歩と、計算機能力の向上により、1990年代 の後半より現実的なイオンの構造に基づいたモデリングが できるようになった.しかし、原子モデルの複雑性と、実 験的な検証の困難さにより、シミュレーションの精度は制 限されていた.コードの相互比較ワークショップの活動 は、衝突輻射モデルの計算の問題を専ら理論的に明らかに し、十分多くのエネルギー状態を考慮することで、平均価 数や輻射損失において互いに一致する結果が得られるよう になった.

本章では、そのような大規模な衝突輻射モデルを構築す る手法について述べた.従来は、多電子高 Z イオンの多数 のエネルギー準位のうちのどれをモデルに取り入れるかに ついては研究者の判断に委ねられていたが、共通のコアを 持つ一電子励起状態の集まりをイオンのエネルギー準位の グループとして定義し、エネルギーの低いものから順に取 り入れて収束計算を行うことにより、比較的少数のレベル を用い、かつ再現性を持ってモデルを構築できるようにし



図7 Ni様付近のWイオン(W³⁸⁺-W⁴⁷⁺)の(a)衝突輻射電離,
(b)再結合レート.図中の数字が各イオンの価数に対応する.

た. そして, nLTE ワークショップで他のコードと比較す ることにより, 適切な計算が行えることを確かめた.

衝突輻射モデルを構築するには、事実上は無限個存在す るイオンのエネルギー準位を、軌道電子のn,lなどで打ち 切って選択し、エネルギー準位の部分集合を作ることにな る.すなわちイオン密度を正しく計算するには、熱平衡状 態では隣接する価数のイオンのエネルギー準位の部分集合 の分配関数の比が、真のエネルギー状態の集合のそれの良 い近似値になっていればよく、低密度では、隣接する価数 のイオンの電離、再結合の比が同様によい近似値になって いればよく、アルゴリズムによる準位の選択はそのために 有効な方法になっていると考えられる.

衝突輻射モデルを用いたプラズマの解析は、今後さらに 高度なものになると考えられる.その応用の可能性の一つ に、詳細な分光解析が考えられる.複雑な高乙多価イオン の発光スペクトルを解析するには、エネルギー準位の微細 構造の考慮が必要であり、またレベルエネルギーや遷移確 率を高精度で求めるためには、これらの計算において配置 間相互作用(Configuration Interaction)を考慮する必要が ある.このような計算を行うためには、モデルに取り入れ るレベルの数が大幅に増え、原子データ、衝突輻射モデル の計算ともに難しくなる[18].

レーザー生成プラズマを含む,多くの高密度プラズマの 解析では,原子過程と輻射輸送を互いにつじつまが合うよ うに計算する必要がある.現在標準と考えられている計算 手法[19]では,輻射を,波長またはエネルギーと,角度方 向成分に分解して計算するとされている.また実験の解析 のためには,多次元効果を考慮する必要があり,複雑な原 子過程と結合した計算を行うことは,現在の計算機の能力 をもってしても容易ではない.今後も,原子過程と輻射輸 送の粗視化を含む,新しい計算手法の研究開発は重要な課 題であり続けると考えられる.

謝 辞

本章をまとめるにあたり,核融合科学研究所の村上泉教 授,大阪大学レーザーエネルギー学研究センターの西原功 修名誉教授との議論に感謝します.本章の内容の研究開発 は,科学研究費補助金基盤研究(B)23340185「EUV光源,X 線レーザー媒質プラズマ中の原子・輻射過程に起因する相 転移現象の解明」および,基盤研究(A)23246165「プラズ マ中のタングステンイオン不純物挙動研究への原子過程か らのアプローチ」の支援を受けて行われた.

参 考 文 献

- [1] T. Fujimoto, *Plasma spectroscopy* (Oxford University Press, Oxford, 2004).
- [2] A. Bar-Shalom *et al.*, J. Quant. Spectrosc. Radiat. Transfer 71, 169 (2001).
- [3] M.F. Gu, Astrophys. J. 590, 1131 (2003).
- [4] M. Poirier *et al.*, J. Quant. Spectrosc. Radiat. Transfer **99**, 482 (2006).
- [5] N.H. Magee et al., AIP Conf. Proc. 730, 168 (2004).
- [6] Yu. Ralchenko et al., AIP Conf. Proc., 1161, 242 (2009).

- [7] H.A. Scott and S. B. Hansen, High Energy Density Phys. 6, 39 (2010).
- [8] H.-K. Chung et al., High Energy Density Phys. 1, 3 (2005).
- [9] A. Sasaki et al., J. Appl. Phys. 107, 113303 (2010).
- [10] A. Sasaki, High Energy Density Phys. 9, 325 (2013).
- [11] 佐々木 明 他:プラズマ・核融合学会誌 84,546 (2008)
- [12] W. Lotz, Z. Phys. 216, 241 (1968).
- [13] H. Kramers, Philos. Mag. 46, 836 (1923).

- [14] R. Mewe, Astron. Astrophys. 20, 215 (1972).
- [15] http://nlte.nist.gov/NLTE7/.
- [16] T. Pütterich et al., Nucl. Fusion 50, 025012 (2010).
- [17] D.E. Post et al., At. Data Nucl. Data Tables 20 397 (1977).
- [18] J. Abdallah Jr. et al., J. Phys. B 44, 075701 (2011).
- [19] Ya. B. Zel'dovich and Yu. P. Raizer, *Physics of shock waves and high-temperature hydrodynamic phenomena* (Academic Press, 1966).