

5. 相対論的速度で動く鏡からの光の反射

-レーザー・プラズマが作る航跡波からの電磁波の反射と周波数上昇-

神門正城

日本原子力研究開発機構量子ビーム応用研究部門光量子科学研究ユニット

(原稿受付:2010年1月19日)

ほぼ光速で進行する鏡からの光の反射について解説を行う.このような飛翔鏡では二重ドップラーシフトに より,反射された光の周波数は上昇し,パルス幅は圧縮されるため,応用上大変有用な光源となる可能性がある. 本章では,そのような飛翔鏡を実際に作る例として,高出力・超短パルスレーザーによって不足密度プラズマ中 に励起される航跡波(プラズマ波)を鏡として用いる方法について述べる.さらに,提案されている他の飛翔鏡 の方法についても紹介する.

Keywords:

moving mirror, flying mirror, ultra-short laser, wake wave, laser wakefield

5.1 はじめに

本章で主題とするほぼ光速で動く鏡(飛翔鏡と呼ぶ)に よる光の反射の問題に関しては1905年にEinsteinが特殊相 対性理論の論文にて考察して以来[1],長い歴史がある. そのような飛翔鏡で反射された光は,二重ドップラーシフ トにより,その周波数は上昇する.したがって,他の方法 では容易に得難い短波長の光が得られることから注目され ている.

ご想像の通り,実際にこのような飛翔鏡を作ることは大 変困難である.したがって,Einstein 以来しばらくは理論 的な研究が中心であった.1951年に Motz[2],1952年に Landecker[3]は独立に電子加速器からの電子ビームに電 磁波を反射させれば相対論的ドップラー効果により短波長 の電磁波が得られることを計算で示した.実際に電子ビー ムを用いた実証実験も1977年になって行われた[4].また, Semenova,Lampeらはレーザーが電離していく面や再結 合していく面がこのような飛翔鏡として働くことを示した [5-7].実際に電磁波がこの電離面にて反射され,周波数が 上昇する実験も行われた[8].

これに対して,Bulanovらは,高出力超短パルスレー ザーが作る航跡波(プラズマ波)が壊れようとする領域で 作られる電子カスプが鏡として使えることを提案し,理 論,シミュレーションにより示した[9].高出力・超短パ ルスレーザーとプラズマの相互作用により,プラズマ中に 航跡波が作られる.航跡波とは,プラズマ電子波のことで ある.この航跡波の振幅が大きくなり,波を構成する電子 の速度が波の位相速度と同じになったときに波は壊れる. このとき,電子が航跡場に捕捉されて加速される点に着目 したのが、本小特集の主題であるレーザー電子加速(レー ザー航跡場加速)である.一方、電子の分布に着目すれば 電子が集群しているため光をコヒーレントに反射する鏡と して用いることができる.この方法では、高出力・超短パ ルスレーザーのポンデラモーティブ力によりプラズマ波を 励起するが、最近では、より強力なレーザーでターゲット の薄膜を直接加速して鏡にするという提案もされている [10,11].鏡を作るのに高出力・超短パルスレーザーを用 いたものが多い理由は、レーザーの持つコヒーレンスによ り、局所的にエネルギーを集中できることが挙げられよう.

この章では、主に不足密度領域の航跡波(プラズマ波) を用いた相対論的飛翔鏡(flying mirror)について解説を 行う.実験技術としては本小特集で解説されるレーザーに よる粒子加速のために開発されてきた技術を基礎において いる.

5.2 飛翔鏡からの光の反射

5.2.1 飛翔鏡からの光の反射

ここでは,まず本小特集に共通の概念である高速で動く 鏡からの反射を考察しよう.

亜光速の鏡による光の反射による光の反射軸と周波数の 関係を導く. 鏡は x 軸の正の方向に速度 $V = \beta c$ (cは真空中 での光速) で進行しているとし,その鏡に角度 α で周波数 ω の光が入射するとする (図1参照).ここでローレンツ 変換 $x' = \gamma(x - \beta t)$, y' = y, z' = z, $t' = \gamma(t - \beta x/c)$ によっ て鏡の静止系で考える.ここで,プライム(') が付いた変 数は静止系の物理量を表し, $\gamma = (1 - \beta^2)^{-1/2}$ は鏡の相対論 因子である.光波の位相 $\phi = \omega t - \mathbf{k} \cdot \mathbf{r}$ はローレンツ変換で

5. Light Reflection from Mirror Moving at Relativistic Speed

-Reflection and Frequency-Upshifting of Electromagnetic Waves from Wake Waves Produced through Laser-Plasma Interaction – KANDO Masaki author's e-mail: kando.masaki@jaea.go.jp



図1 傾いた飛翔鏡による光の反射.(a),(c)は実験室系,
 (b)は鏡の静止系である.nは鏡の法線ベクトル,kは光線の波数ベクトルである.プライム(´)は静止系での物理量を表す.

不変であるので,

$$\omega t - \frac{\omega}{c} (x \cos \alpha + y \sin \alpha) = \omega' t' - \frac{\omega'}{c} (x' \cos \alpha' + y' \sin \alpha')$$
(1)

となり, 上記ローレンツ変換式を代入し,

$$\omega' = \omega \gamma (1 - \beta \cos \alpha) \approx \left(2\gamma \cos^2 \frac{\theta}{2} \right) \omega \tag{2}$$

$$\cos \alpha' = \frac{\cos \alpha - \beta}{1 - \beta \cos \alpha} \approx \frac{1}{\gamma} \tan \frac{\theta}{2}$$
(3)

を得る. 最後の近似は $\gamma \gg 1$ の場合である. 鏡の静止系で は,光の入射・反射は通常どおり入射角と反射角は等し く,周波数も変わらない.したがって, $\alpha' = \pi - \theta'$, $\omega'_r = \omega'$ となる. 最後に実験室系に戻ると,式(2)で速度の 向きが変わっていることに注意して,

$$\omega_x = \omega \frac{1 + \beta \cos \theta}{1 - \beta \cos \theta_x} \approx \left(4\gamma^2 \cos^2 \frac{\theta}{2}\right) \omega \tag{4}$$

となる. 最後の近似は, 正面で反射光を観測し ($\theta_x = 0$), 鏡が相対論的 ($\gamma_{ph} \gg 1$) の場合である. 波の数はローレン ツ不変であるので,反射光のパルス幅 (持続時間) は周波 数と同様の因子 ($\approx 4\gamma^2 \cos^2(\theta/2)$) で圧縮される.

5.2.2 プラズマ波による飛翔鏡の反射率

次に不足密度領域プラズマ (underdense plasma) での相 対論的飛翔鏡による電磁波の反射率を求めよう.ここで は、プラズマは冷たく、無衝突であるとする.飛翔鏡が位 相速度 v_{ph} でプラズマ中を x 軸の正方向に進んでいるとす る.航跡波加速と同様に、この位相速度はプラズマ中を伝 播するレーザー電磁場の群速度にほぼ等しい.飛翔鏡が形 成される航跡波が壊れようとする領域では、電子の密度分 布が δ 関数を用いて、 $n(x-v_{ph}t) = n_0[1+\lambda_p\delta(x-v_{ph}t)]/2$ で表されるとしよう.ここで、 n_0 は揺動のない場合のプラ ズマ電子密度、 λ_p はプラズマ波長である.

実験室系での電磁波の式は、マクスウェル方程式の線形 化と電子の運動方程式により、

$$\frac{\partial^2 A_z}{\partial t^2} - c^2 \Delta A_z + \omega_{\rm pe}^2 (x - v_{\rm ph} t) A_z = 0$$
(5)

と表される. ここで, $\omega_{pe} = (4\pi e^2 n)(x - v_{ph}t)/m\gamma_e)^{1/2}$ はプ ラズマ周波数, e は電気素量, $n(x - v_{ph}t)$ は電子密度, m は電子質量, γ_e は電子の相対論因子である. 式(5)を鏡の 静止系で解こう.特殊ローレンツ変換による変換を考慮 し,電磁場が $A_z(x,t) = a_z(x') \exp(i\omega't')$ となるとすれば,

$$\frac{d^{2}a_{z}(x')}{dx'^{2}} + q^{2}a_{z}(x') = \chi^{2}\delta(x')a_{z}(x')$$
(6)

と表される.ここで、 $q^2 = \omega^{\prime 2}/c^2 - \omega_{pe}^2/(2c^2\gamma_{ph}^2)$ 、 $\chi = \omega_{pe}^2\lambda_p/(2c^2)$ である.この問題は、量子力学などでの δ 関数 でのポテンシャル散乱と等価であることがわかる.静的な 解が、

$$a_{z}(x') = \begin{cases} \exp(iqx') + \rho \exp(-iqx') & (x' \ge 0) \\ \tau \exp(iqx') & (x' < 0) \end{cases}$$
(7)

と与えられるとする.ここで,式(7)の上式は,入射波+ 反射波,下式は透過波を表す.したがってx' = 0での境界 条件により,反射,透過係数はそれぞれ, $\rho = -\chi/(\chi + 2iq)$, $\tau = 2iq/(\chi + 2iq)$ となる.ここで,静止系での入射波の周波 数 が $\omega'_s \approx 2\gamma_{\rm ph}\omega_s$ であり,航跡波が非線形の場合 $\lambda_p \approx 4(2\gamma_{\rm ph})^{1/2} c/\omega_{\rm pe}$ であることを使い,鏡が相対論的であ るとすれば ($\gamma_{\rm ph} \gg 1$)反射率 R_{δ} は,

$$R_{\delta} = |\rho|^2 \approx \frac{1}{2\gamma_{\rm ph}} \left(\frac{\omega_{\rm pe}}{\omega_{\rm s}}\right)^2 = \frac{1}{2\gamma_{\rm ph}^3} \left(\frac{\omega_{\rm d}}{\omega_{\rm s}}\right)^2 \tag{8}$$

となる.式(8)の最後の等式で, $\gamma_{ph} = \omega_d / \omega_{pe}$ を用いた.こ こで, ω_d は航跡波を励起するドライバー光の周波数であ る.ドライバー光と反射されるソース光の周波数が同じで あれば, $R_{\delta} \approx 1 / (2\gamma_{ph}^3)$ となる.最後に,実験室系に戻るの であるが,反射光子数はローレンツ不変であるので,結局 光子数の反射率として式(8)を得る. δ 関数以外の場合の 反射率については,文献[12]を参照されたい.

反射波のパルス幅が圧縮されるのは、前節で述べたとお りであるが、他にも興味深い特長がある.航跡波で作られ る電子密度は、レーザーが有限サイズで、Gauss 型の分布 を持つことにより湾曲した放物面状の構造を持つ.この形 状は、粒子シミュレーションや実験[13]でも観測されてい る.理想的には、この放物面でレーザー光を回折限界であ る波長程度まで絞ることができるであろう.したがって、 鏡の静止系での集光径は $\lambda'_r \approx \lambda_s/(2\gamma_{\rm ph})$ となる.光子のエ ネルギーは、 $4\gamma_{\rm ph}^2$ 倍、パルス幅は $1/(4\gamma_{\rm ph}^2)$ 倍となることを考 えると、反射光の強度は、 $I_{\rm r} = 64R\gamma_{\rm ph}^6 (D/\lambda_s)^2 I_{\rm s}$ となること がわかる.ここで、R は鏡の反射率、D は飛翔鏡の直径、 $I_{\rm s}$ は入射ソース光の集光強度である.反射率は、式(8)に より $\gamma_{\rm ph}^{-3}$ に比例するので、結局集光強度は、鏡の相対論因 子 $\gamma_{\rm ph}$ の3乗に比例して増大する.

5.3 航跡波を用いた相対論的飛翔鏡の実験

次に相対論的飛翔鏡によってレーザー光を反射した2つ の実験について紹介する.

5.3.1 最初の航跡波を用いた飛翔鏡実験(斜め入射)

2006年に行われた実験では、図2(a)に示すように、比較 的小型のチタンサファイアレーザー(ピーク出力2TW, パルス幅76fs)を用い、ソース光を斜めから入射させ た.2つのレーザー光を同軸で入射させなかったのは、透



図2 飛翔鏡実験のセットアップ. (a)斜め入射, (b)対向入射.

過したレーザー光がレーザーシステムに戻り損傷を与える 可能性があったからである.プラズマ源はヘリウムガスで あり,ドライバー光の光電離によってプラズマが生成され る.この辺りの実験手法は,電子加速実験と全く同じであ る.波の破壊に伴い30 MeV 程度の高速電子が生成される が,それはドライバー光の進行方向に置かれた偏向磁石か らなる電子エネルギー分光器により計測されると共に,前 方に置かれた極端紫外分光器へ電子が入らないようになっ ている.

航跡波を作るドライバーレーザー光の集光径は,25 μ m × 30 μ m であり,ピーク集光強度は $I_d = 5 \times 10^{17}$ W/cm² で あった.ソース光は11 mJ のエネルギーを持ち,集光径は 真空中で17 μ mで,集光強度は $I_s = 0.9 \times 10^{17}$ W/cm²であっ た.ターゲットはヘリウムガスで,超音速ガスバルブによ り真空中に噴出された.ヘリウムガスはレーザー光により 光電離され,そのプラズマ電子密度はおよそ4×10¹⁹ cm⁻³ であった.飛翔鏡にソース光を反射させるためには、この 集光径以下の精度で2つのパルスを調整する上に、レー ザーが~80 fs と短パルスであるために反射タイミングも 上手に選ぶ必要がある.これは容易ではなかったが、多く の計測器を用いて精密に制御を行った[14,15].その結果、 図3のように極端紫外分光器にて反射光の信号を観測する



図3 斜め入射飛翔鏡実験により観測された信号スペクトル.破線はソース光がない場合で実線はソース光を入射した場合である.縦軸は CCD カウントである.

ことに成功した.この信号は、図4のように、ドライバー 光とソース、光のタイミングと垂直方向の変移が0となる 辺りに集中していることがわかる.すなわち2つのレー ザー光が空間、時間方向で衝突が起こるときに反射が起 こっていることが分かる.この実験で得られた反射光の光 子数は、プラズマ電子によるコンプトン散乱(トムソン散 乱)によって作られる強度よりも十分に高いが、式(8)で 表されるような理論予測値よりも低いものであった.

5.3.2 対向入射での航跡波を用いた飛翔鏡実験

この光子数の増大をめざして、より高強度のレーザー で、対向入射にて行えるように改良を行い実験を行った [16,17].実験セットアップは図2(b)のような配置であ る.ドライバー光は、400 mJ, 27 fs で 25 µm に集光され、 集光強度は 6.5×10^{18} W/cm²であった.ソース光は、42 mJ, 34 fsで 43×66 µm²に集光された.プラズマは最初の実験と 同様にヘリウムガスで、プラズマ電子密度は、およそ 2× 10^{19} cm⁻³ であった.この実験では、 $\alpha = 13^{\circ}$ の方向に、極端 紫外光用の多層膜球面鏡を置き、透過型回折格子にて結像 分光した光をCCDにて計測した.対向入射の配置を選んだ ため、衝突の調整法を新しく開発した[18].ディレイス キャンの結果、図5 に示されるような反射光のスペクトル を得た.波長範囲は、12.5-22.0 nm の範囲の広い分布を持



つ反射光スペクトルとなっている.計測範囲は,紫外分光 器を構成する多層膜球面鏡やフィルタの特性により決まっ ている.分布が広がる理由は,計測器が反射角 $\alpha = 9 - 17^{\circ}$ の範囲の反射光を集めているため式(4)により分布する. さらに, γ_{ph} はプラズマ電子密度の計測などにより決まる が,この計測結果からは,飛翔鏡の相対論因子は, $\gamma_{ph} = 5 - 7$ 程度であると言える.この結果はほかの計測か らの予測範囲内である.

1ショットあたり得られた光子数は、1.0×10⁹であった. ヘリウムガスでの吸収を考慮すればプラズマ中で反射され た光子数は、7.9×10⁹と見積もることができる.一方、理論 値を計算すると、1.4×10¹⁰ photons/shot であり、この実験 ではおよそ理論値の半分の反射率が達成された.

5.4 その他の飛翔鏡

最後に、公平を期すために、その他の飛翔鏡についても 紹介しよう(図6).ここで飛翔鏡という言葉を用いたが、 これは筆者がまとめて呼んだだけであり、著者によっては この言葉を用いていない場合があることに注意されたい.

5.4.1 電子ビーム (自由電子レーザー, レーザー逆コンプ トン散乱)

実験技術的には、光の波長に対して短い電子ビームを作 ることが困難なため、鏡と呼ぶのは適当ではないかもしれ ないが、理論的には区別する理由はない.実際、自由電子 レーザーではアンジュレータ磁場(電子ビームの静止系で は、電磁波である)との相互作用により電子ビームがマイ クロバンチ化されるので、このマイクロバンチを鏡と見る こともできるであろう.一方、レーザー光を電子ビームに 散乱する逆コンプトン散乱では、電子ビームのバンチ幅を レーザーの波長より短くするのが困難であるためインコ ヒーレントな散乱である.しかし、容易に電子ビームのァ 因子を増大できるので、MeV[19]といった高エネルギー X 線が実際に得られており、原子核実験に用いられたり、非 破壊検査技術[20]として有望視されている.

5.4.2 移動する電離面からの反射

この場合,電離面は光速近く(場合によっては光速以上) で進行するが,媒質であるプラズマは実験室系でほぼ静止 した状態である.したがって,その他の飛翔鏡と呼ばれる ものと比べると,鏡自身から光へのエネルギーの伝達はな いという本質的な違いがある.



図6 色々な飛翔鏡. (a)電子ビーム, (b)レーザーによる電離 面, (c)固体表面での振動鏡, (d)加速された薄膜による両 面鏡を用いた場合を模式的に表わしている.

実験では、マイクロ波領域の電磁放射を用いたものが多 く、また、自由電子レーザーのアンジュレータのように静 的な磁場や電場でも電磁波を発生させることができ、THz 光源として注目されている[21,22]. 原理的にはレーザー 光の波長域(可視光から近赤外光)でも反射は起きるはず であり、実証が待たれる.但し、レーザー光が効率的に反 射されるためには、電離面の静止系で見たときに、電離面 のスケール長が入射電磁波の波長に対して短い必要があ る.

また,電離面の進行速度は,航跡波を用いた飛翔鏡と同様にプラズマ中でのレーザー光の群速度によって決まるという問題があったが,最近,2つのレーザー光を交差させることでこの制限を取り払う提案がされた[23].この方法では,光速を超える電離面を生成することもできるため,非常に興味深い.

5.4.3 振動鏡(Oscillating Mirror)

1994年に Bulanov らは、固体表面にレーザーが照射され ると、電子が集団的に振動し、これが鏡として作用するモ デルを提案した[24]. これは振動鏡 (oscillating mirror) であるが、鏡がレーザーに対して向かう場合には上記で考 察したモデルで計算できる.さらに、この手法では、高次 高調波の生成により、短波長が観測されるという特長があ り、反射された光の周波数は、最大で鏡の相対論因子 γ の 2 乗に比例すると予測される.しかし、最近、 γ の 3 乗に比 例するとするモデルも提唱されている[25].

実験では、イギリスのグループらを中心に行われ [26-28],発散角の小さい高品質の光子ビームが得られて いる.また、ターゲットに薄膜を用いた場合に、電子の横 運動が生じ、それからの反射を計算したモデル (sliding mirror model)[29]もある.

5.4.4 両面鏡 (double-sided mirror)

薄膜を高強度のレーザーの光圧で押すことにより,電子 とイオンのレイヤーを直接光速近くまで加速する方法であ る[30].前面に入射されたレーザー光は,鏡を押すことで 周波数は減少し,鏡の反対側から入射されるソース光は周 波数が上昇することから両面鏡と呼ばれている.この手法 では,プラズマ電子密度が初期条件で固体密度であり,そ れがさらに圧縮されることから本稿で紹介した航跡波を用 いた飛翔鏡よりも高い反射率を持つことが可能である.両 面鏡の実験はまだ行われていないが,この方法では光を反 射すると同時に高エネルギーのイオン加速法としても注目 されている[30].

5.5 おわりに

本章では、ほぼ光速で進行する鏡に電磁波を反射させ て、短パルス・短波長の電磁波に変換する手法を解説し た.特に高強度・超短パルスレーザーによって引き起こさ れるプラズマ中の電子波を鏡として用いる手法について詳 しく述べた.本手法では、アト秒やそれ以下のパルス、コ ヒーレントなX線光源を小型に実現できる可能性を秘めて いる.このようなX線源はガス中の高次高調波やX線FEL などの先達がいるが、飛翔鏡による方法はこれらとは別の スケール則を持ち,高輝度なX線を作り出せる可能性があり、今後の研究の進展が期待される.さらに、X線の集光 までも飛翔鏡に持たせることができれば、10¹⁸ V/m という Schwinger 場を実験室で実現でき、真空の偏極などがマク ロな量で観測できるようになるかもしれない.

謝 辞

本研究の一部は、科研費特別推進(15002013),基盤研究 A(20244065),基盤研究 C(21604008)による成果です.また、 研究の一部は、福田祐仁、Alexander Pirozhkov、馬景龍、 大東出、陳黎明、Timur Esirkepov、小倉浩一、本間隆之、 林由紀雄、小瀧秀行、匂坂明人、森道昭、James Koga、 桐山博光、岡田 大、Anatoly Faenov、Tatiana Pikuz、 川瀬啓吾、亀島 敬、河内哲哉、Eugene Ragozin、 大道博行、木村豊秋、加藤義章、田島俊樹、Sergei Bulanov 諸氏との共同研究の成果であり、ここに感謝いたします.

参考文献

- [1] A. Einstein, Annalen der Physik, 322, 891 (1905).
- [2] H. Motz, J. Appl. Phys. 22, 527 (1951).
- [3] K. Landecker, Physical Review 86, 852 (1952).
- [4] J.A. Pasour, V.L. Granatstein and R.K. Parker, Phys. Rev. A 16, 2441 (1977).
- [5] V. Semenova, Radiophysics and Quantum Electronics 10, 599 (1967).
- [6] M. Lampe and E. Ott, Phys. Fluids 21, 42 (1978).
- [7] W.B. Mori, Phys. Rev. A 44, 5118 (1991).

- [8] S. Kuo, Phys. Rev. Lett. 65, 1000 (1990).
- [9] S.V. Bulanov, T. Esirkepov and T. Tajima, Phys. Rev. Lett. 91, 085001 (2003).
- [10] T. Esirkepov, S. Bulanov, M. Kando, A.S. Pirozhkov and A.G. Zhidkov, Phys. Rev. Lett. 103, 025002 (2009).
- [11] T.Z. Esirkepov, S.V. Bulanov, A.G. Zhidkov, A. S. Pirozhkov and M. Kando, Eur. Phys. J. D, 55, 457 (2009).
- [12] A.V. Panchenko et al., Phys. Rev. E 78, 056402 (2008).
- [13] N.H. Matlis *et al.*, Nat. Phys. 2, 749 (2006).
- [14] K. Masaki et al., Phys. Rev. Lett. 99, 135001 (2007).
- [15] A. Pirozhkov et al., Phys. Plasmas 14, 12310 (2007).
- [16] M. Kando et al., Eur. Phys. J. D 55, 465 (2009).
- [17] M. Kando et al., Phys. Rev. Lett. 103, 23500 (2009).
- [18] K. Kawse et al., Appl. Phys. Express 3, 01610 (2010).
- [19] K. Kawase et al., Nucl. Instrum. Meth. A 592, 154 (2008).
- [20] R. Hajima, T. Hayakawa, N. Kikuzawa and E. Minehara, J. Nucl. Sci. Tech. 45, 441 (2008).
- [21] T. Higashiguchi et al., Jpn. J. Appl. Phys. 38, L527 (1999).
- [22] T. Higashiguchi et al., Jpn. J. Appl. Phys. 39, 6578 (2000).
- [23] A. Zhidkov et al., Phys. Rev. Lett. 103, 21500 (2009).
- [24] S.V. Bulanov, N.M. Naumova and F. Pegoraro, Phys. Plasmas 1, 745 (1994).
- [25] T. Baeva, S. Gordienko and A. Pukhov, Phys. Rev. E 74, 04640 (2006).
- [26] M. Zepf et al., Plasma Phys. Contr. Fusion 49, B149 (2007).
- [27] B. Dromey et al., Nat. Phys. 5, 146 (2009).
- [28] Y. Nomura et al., Nat. Phys. 5, 124 (2009).
- [29] A.S. Pirozhkov et al., Phys. Plasmas 13, 013107 (2006).
- [30] T. Esirkepov, M. Borghesi, S. Bulanov, G. Mourou and T. Tajima, Phys. Rev. Lett. 92, 17500 (2004).